

-۱

نیروی محرکه مولد

انرژی الکتریکی منتقل شده(ژول) $\rightarrow U$

$U = \frac{\epsilon}{q} \leftarrow$ نیروی محرکه مولد(ولت)

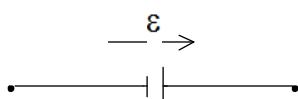
بار الکتریکی جایه جا شده(کولن) $\rightarrow q$

انرژی الکتریکی منتقل شده به بار از طرف مولد(کار انجام شده توسط مولد)

$\leftarrow U = \epsilon q \Rightarrow U = \epsilon It$

-۲

می‌توان برای نیروی محرکه مولد، جهت را از قطب منفی به طرف قطب مثبت تعریف نمود که در واقع همان جهتی است که مولد می‌خواهد جریان الکتریکی را در مدار برقرار کند.



مدار تک حلقه

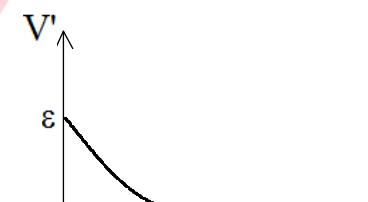
-۳

در یک مدار تک حلقه با یک مولد همواره جریان الکتریکی در جهت نیروی محرکه مولد در مدار برقرار می‌شود.

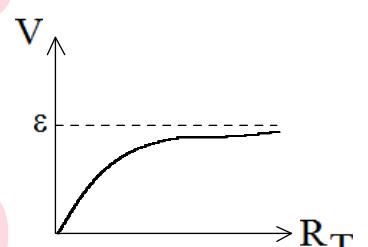
$I = \frac{\epsilon}{R_T + r}$ \leftarrow شدت جریان

$\epsilon = I(R_T + r)$

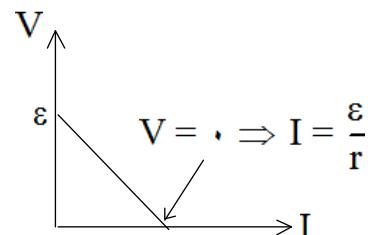
$V' = rI \rightarrow V' = r\left(\frac{\epsilon}{R_T + r}\right)$ \leftarrow افت پتانسیل در داخل مولد



$V = R_T I \rightarrow V = R_T\left(\frac{\epsilon}{R_T + r}\right)$ \leftarrow اختلاف پتانسیل دو سر مولد



$V = \epsilon - rI \leftarrow$ اختلاف پتانسیل دو سر مولد



www.my-dars.ir

-۴

اختلاف پتانسیل دو سر مولد در مدار تک حلقه و تک مولد

در یک مدار تک حلقه با یک مولد (مدار ساده الکتریکی) اختلاف پتانسیل دو سر مولد که با رابطه $V = \epsilon - rI$ محاسبه می‌شود با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت خارجی مدار ($V = R_T I$) برابر است.

-۵

بیشینه‌ی جریان تولیدی توسط مولد

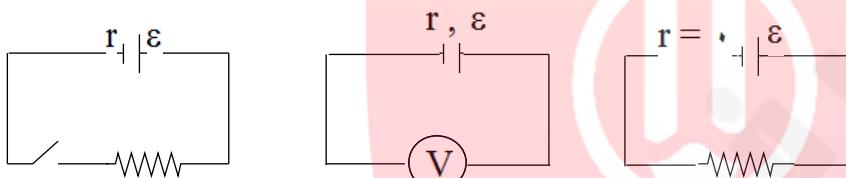
اگر مقاومت خارجی مدار برابر صفر باشد یا دو سر مولد را با یک سیم بدون مقاومت بههم وصل کنیم، اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر صفر می‌شود و شدت جریان بیشینه‌ای که از آن عبور می‌کند برابر خواهد بود با:

$$R_T = 0 \Rightarrow V = 0 \Rightarrow I_{\max} = \frac{\epsilon}{r}$$

-۶

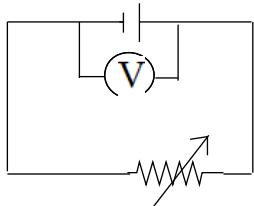
بیشینه‌ی اختلاف پتانسیل دو سر مولد

اگر مقاومت خارجی مدار خیلی بزرگ باشد و یا توسط یک کلید مدار باز شود و یا در دو سر مدار مولد فقط یک ولتسنج ایده‌آل وصل شود و یا مقاومت درونی مولد ناچیز باشد اختلاف پتانسیل دو سر مولد بیشینه و برابر نیروی محرکه مولد خواهد بود.



$$\Rightarrow \begin{cases} R = \infty \Rightarrow I = 0 \Rightarrow rI = 0 \Rightarrow V = \epsilon \\ r = 0 \Rightarrow rI = 0 \Rightarrow V = \epsilon \end{cases}$$

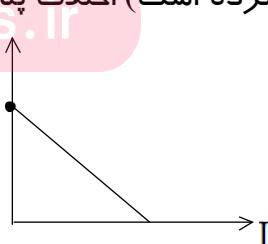
- نکته: وقتی مقاومت الکتریکی مدار تغییر می‌کند و نحوه‌ی تغییر اختلاف پتانسیل دو سر مولد را بخواهیم، مناسب‌تر است که از رابطه $V = \epsilon - Ir$ استفاده می‌کنیم.



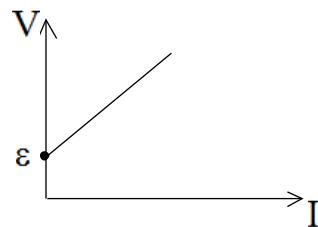
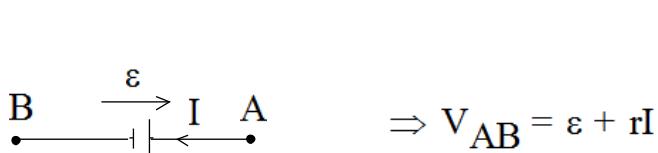
$$R \uparrow \Rightarrow \begin{cases} I = \frac{\epsilon}{R + r} & , R \uparrow \Rightarrow I \downarrow \\ V = \epsilon - rI & , I \downarrow \Rightarrow rI \downarrow \Rightarrow V \uparrow \end{cases}$$

- نکته: اگر از یک مولد، جریان الکتریکی در جهت نیروی محرکه مولد عبور کند (یعنی خودش جریان الکتریکی را ایجاد کرده است) اختلاف پتانسیل دو سر این مولد برابر $rI - \epsilon$ است.

$$B \xrightarrow{I} A \quad \Rightarrow V_{AB} = \epsilon - rI$$

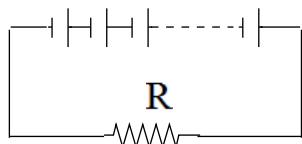


-۹ نکته: اگر از یک مولد جریان الکتریکی در خلاف جهت نیروی محرکه مولد عبور کند (یعنی جریان الکتریکی توسط مولد دیگری از آن عبور داده شده است) اختلاف پتانسیل دو سر این مولد برابر $rI + \varepsilon$ است.



-۱۰ مدار تک حلقه با چند مولد مشابه

اگر در یک مدار تک حلقه چند مولد مشابه که نیروی محرکه تمام آن ها همجهت است قرار داشته باشد، میتوان فرض کرد که نیروی محرکه کل این مدار برابر $n\varepsilon$ و مقاومت درونی آنها برابر nr میباشد.

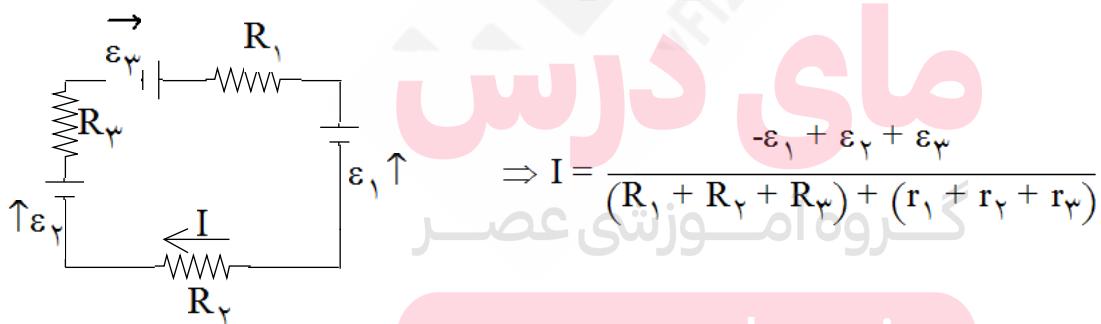


$$\begin{aligned}\varepsilon_T &= n\varepsilon \\ r_T &= nr \Rightarrow I = \frac{\varepsilon_T}{R + r_T} \Rightarrow I = \frac{n\varepsilon}{R + nr}\end{aligned}$$

-۱۱ مدار تک حلقه با چند مولد متفاوت

در مداری تک حلقه با چند مولد متفاوت که نیروی محرکه هایی در جهت های مخالف دارند، برای مدار جریان الکتریکی در یک جهت دلخواه در نظر بگیرید و سپس نیروی محرکه مولدهایی که در جهت جریان الکتریکی هستند با علامت مثبت و آن هایی که در خلاف جهت جریان الکتریکی میباشند را با علامت منفی در رابطه زیر بکار ببرند.

$$I = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R + \sum r} \leftarrow \text{شدت جریان الکتریکی در مدار تک حلقه}$$



اگر در ابتداء بالا I مثبت محاسبه شود یعنی جهت جریان الکتریکی انتخاب شده درست است و اگر منفی محاسبه گردد یعنی اندازه آن درست است اما جهت آن مخالف جهت انتخاب شده میباشد.

-۱۲ تغییر پتانسیل در عبور از یک مقاومت

اگر از یک مقاومت الکتریکی در جهت جریان الکتریکی عبور کنیم، پتانسیل الکتریکی به اندازه RI کاهش مییابد و اگر در خلاف جهت جریان الکتریکی عبور کنیم، پتانسیل الکتریکی به اندازه RI افزایش خواهد یافت.

توان یک مولد

انرژی الکتریکی تولید شده توسط یک مولد (انرژی ذخیره شده توسط آن) طبق رابطه‌ی $U = \epsilon q$ یا $U = \epsilon It$ قابل محاسبه است که قسمتی از این انرژی در مقاومت درونی خود مولد به گرما تبدیل می‌شود.

توان تولیدی $\epsilon It = U$ انرژی الکتریکی

$$\text{توان تلف شده } U_2 = rI^2 t \Rightarrow P_r = rI^2$$

$$\text{توان مفید } P' = \epsilon It - rI^2 t \Rightarrow P' = \epsilon I - rI^2$$

بیشینه‌ی توان مفید یک مولد

با تغییر مقاومت خارجی متصل به یک مولد و در نتیجه تغییر جریان الکتریکی گرفته شده از مولد، توان خروجی مولد تغییر می‌کند که به ازای I و R معینی، توان خروجی مولد به بیشترین مقدار می‌رسد.

شدت جریانی که به ازای آن توان مفید بیشینه است. $P' = \epsilon I - rI^2 \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{2r} = \frac{\epsilon}{2r} = \frac{\epsilon}{2r}$

$$I = \frac{\epsilon}{R + r} \rightarrow R = r$$

$$I = \frac{\epsilon}{2r} \rightarrow V = \epsilon - Ir \quad \text{ولتاژ دو سر مولد}$$

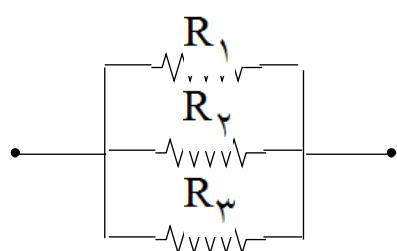
مای درش

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

به هم بستن مقاومت‌ها

مقاومت معادل موازی



$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

حالت خاص: دو مقاومت R_1 و R_2 موازی شوند.

$$R_T = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

حالت خاص: n مقاومت مشابه موازی شوند.

$$R_T = \frac{R}{n}$$

مقاومت معادل سری

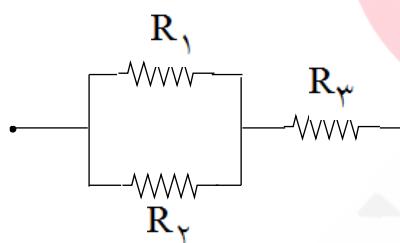


$$R_T = R_1 + R_2 + R_3$$

حالت خاص: n مقاومت مشابه متوالی شوند.

$$R_T = nR$$

مثال:



$$R_T = R_3 + \left(\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \right)$$

مای درس

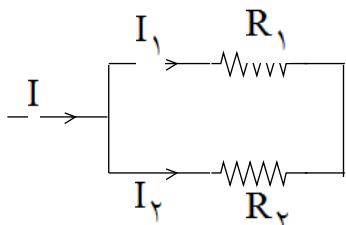
گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

جريان و اختلاف پتانسیل در مقاومت‌های موازی و متوازی

موازی

- اختلاف پتانسیل مقاومت‌های موازی با یکدیگر برابر است.
- شدت جریان الکتریکی بین مقاومت‌های موازی متناسب با عکس مقاومت تقسیم می‌شود در نتیجه از شاخه‌ی با مقاومت کوچک‌تر شدت جریان بیشتری عبور می‌کند.

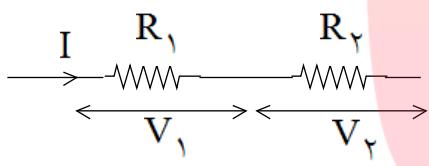


$$\begin{aligned}I &= I_1 + I_2 \\V_1 &= V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \\V_1 &= V_T \Rightarrow R_1 I_1 = R_T I\end{aligned}$$

در شکل بالا اگر $R_1 = 3R_2$ باشد در این صورت $I_1 = \frac{1}{3}I_2$ خواهد بود (تقسیم شدت جریان متناسب با معکوس اندازه مقاومت‌ها)

متوازی

- شدت جریان در مقاومت‌های متوازی با یکدیگر برابر است.
- اختلاف پتانسیل بین مقاومت‌های متوازی متناسب با اندازه مقاومت تقسیم می‌شود در نتیجه در در سر مقاومت کوچک‌تر، اختلاف پتانسیل کمتری ایجاد می‌شود.

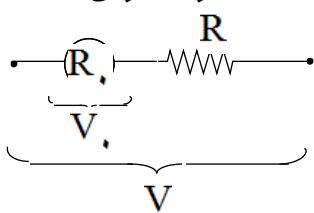


$$\begin{aligned}V &= V_1 + V_2 \\V_1 &= R_1 I \\V_2 &= R_2 I\end{aligned}$$

در شکل بالا اگر $R_1 = 3R_2$ باشد در این صورت $V_1 = 3V_2$ خواهد بود (تقسیم ولتاژ متناسب با اندازه مقاومت‌ها)

افزایش حدود اندازه گیری ولتسنج

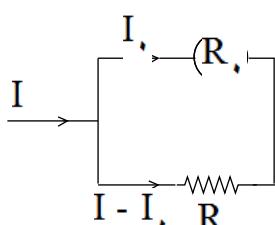
برای تبدیل یک ولتسنج به مقاومت درونی R که حداکثر ولتاژ V را اندازه گیری می‌کند. به ولتسنجی که ولتاژ بالاتری را اندازه گیری کند باید یک مقاومت بزرگ را با آن به طور متوازی بیندیم.



$$\begin{aligned}V' &= R \cdot I \Rightarrow I = \frac{V'}{R} \\V &= (R_s + R)I\end{aligned}$$

افزایش حدود اندازه گیری آمپرسنج

برای تبدیل یک آمپرسنج به مقاومت درونی R که حداکثر شدت جریان I را اندازه گیری می‌کند. به آمپرسنجی که شدت جریان بالاتری را اندازه گیری کند باید یک مقاومت کوچک را به طور موازی بیندیم.



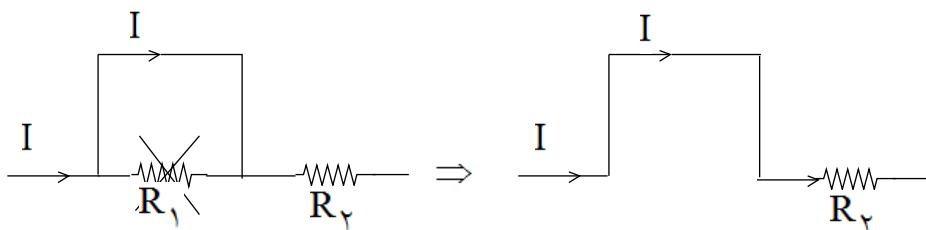
$$\begin{aligned}V' &= V_T \Rightarrow R \cdot I' = R_T I \\&\Rightarrow R \cdot I' = \frac{R \cdot R}{R + R} I \Rightarrow I' = \frac{R}{R + R} I\end{aligned}$$

گروه آموزشی مهر

www.my-dars.ir

کاربرد سیم اتصال کوتاه در مدارهای الکتریکی

اگر یک سیم بدون مقاومت به دو سر یک مقاومت الکتریکی متصل شود، آن مقاومت را از مدار حذف می‌کند.



-۲۰- نکته: یک سیم بدون مقاومت الکتریکی که دو نقطه از مداری را به یکدیگر وصل می‌کند باعث می‌شود که پتانسیل الکتریکی آن دو نقطه با یکدیگر برابر شود. لذا با قرار دادن دو نقطه بر یکدیگر می‌توان شکل ساده‌تری از مدار را به دست آورد.



انرژی الکتریکی مصرفی در مجموعه مقاومت‌ها

مناسب‌ترین رابطه برای مقایسه توان الکتریکی مصرفی (توان گرمایی) در مقاومت‌ها رابطه‌ی

$P = RI^2$ است، اما اگر دو مقاومت الکتریکی موازی باشند، رابطه‌ی $P = \frac{V^2}{R}$ نیز برای مقایسه توان الکتریکی مصرفی آن‌ها مناسب خواهد بود.

$$R_1 \parallel R_2 = 3R_1 \Rightarrow \begin{cases} P_1 = R_1 I^2 \\ P_2 = R_2 I^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{R_2}{R_1} = 3$$

$$R_1 \parallel R_2 = 3R_1 \Rightarrow \begin{cases} P_1 = \frac{V^2}{R_1} \\ P_2 = \frac{V^2}{R_2} \end{cases} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{3}$$

$$R_1 = 3\Omega \quad R_2 = 9\Omega \quad R_3 = 18\Omega \quad I = 2I_1 = 2I_2 = 2I_3$$

$$\Rightarrow \begin{cases} P_1 = R_1 I_1^2 = 3(2I)^2 = 27I^2 \\ P_2 = R_2 I_2^2 = 9(2I)^2 = 36I^2 \Rightarrow P_2 < P_1 < P_3 \\ P_3 = R_3 I_3^2 = 18I^2 \end{cases}$$

$$V_2 = V_3 \Rightarrow I_2 R_2 = I_3 R_3 \Rightarrow I_2 \times 9 = I_3 \times 18 \Rightarrow I_2 = 2I_3$$

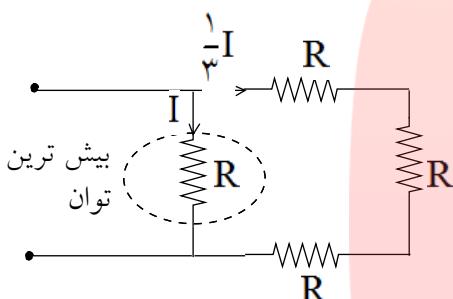
حداکثر توان مصرفی مقاومت‌ها

اگر چند مقاومت الکتریکی مشابه در مدار قرار داشته باشند همواره مقاومتی که بیشترین شدت جریان الکتریکی از آن می‌گذرد، بیشترین توان الکتریکی را به مصرف می‌رساند. در مسئله‌هایی که بیشترین توان الکتریکی مقاومت‌های مشابه معلوم است ابتدا معین کنید که کدام مقاومت الکتریکی بیشترین توان را خواهد داشت (همان مقدار مشخص شده در مسئله) و سپس با محاسبه‌ی مقاومت معادل بقیه‌ی مقاومت‌های باقیمانده، توان الکتریکی آن‌ها را نیز معلوم کنید.

$$\Rightarrow \text{شاخه با مقاومت } R \text{ بیشترین شدت جریان و بیشترین توان را دارد} \Rightarrow P = RI^2$$

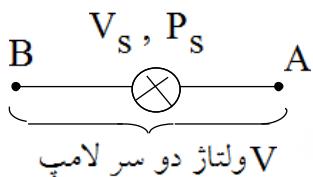
$$\Rightarrow P' = R'I'^2 = 3R\left(\frac{1}{3}I\right)^2 = \frac{1}{3}RI^2$$

$$P_T = P + P'$$



مصرف‌کننده‌های الکتریکی (لامپ‌ها)

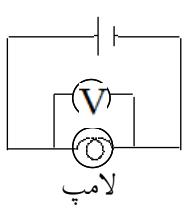
روی هر مصرف‌کننده‌ی الکتریکی توسط کارخانه‌ی سازنده مقدار بیشترین ولتاژ (ولتاژ اسمی V_S) و بیشترین توان مصرفی (توان اسمی P_S) نوشته می‌شود که با داشتن ولتاژ اسمی و توان اسمی، مقاومت الکتریکی یک مصرف‌کننده قابل محاسبه است.



$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow P_S = \frac{V_S^2}{R} \Rightarrow R = \frac{V_S^2}{P_S}$$

-۲۴- نکته: وقتی چند لامپ برای کار با برق شهر ساخته شده‌اند (V_S یکسان)، لامپی که روی آن توان اسمی بیشتری نوشته شده است مقاومت الکتریکی کوچکتری دارد.

-۲۵- نکته: اگر یک لامپ به ولتاژ اسمی اش V_S وصل شود توان P_S را مصرف می‌کند و اگر به ولتاژ بالاتر از V_S وصل شود می‌سوزد و چنانچه به ولتاژی کمتر از V_S وصل گردد، توان مصرفی آن نیز متناسب با V^2 کمتر از P_S خواهد بود.



$$P = \frac{V^2}{R}$$

$$P_S = \frac{V_S^2}{R} \Rightarrow \frac{P}{P_S} = \left(\frac{V}{V_S}\right)^2$$

-۲۶

توان مصرفی کل لامپ‌های موازی متصل به برق شهر
چنانچه چند لامپ به طور موازی به یک دیگر بسته شده و مجموعه را به برق شهر (به ولتاژ V_S) وصل کنیم، ولتاژ دو سر هر لامپ برابر V_S بوده و هر لامپ توان اسمی P_S را مصرف می‌کند. در نتیجه:

$$P_T = P_{1S} + P_{2S} + P_{3S} + \dots$$

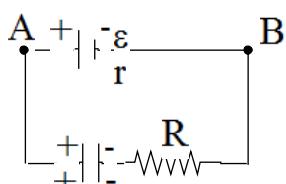
-۲۷

توان مصرفی کل لامپ‌های متوالی به برق شهر
اگر لامپ‌ها به طور متوالی به یکدیگر بسته شده و مجموعه را به ولتاژ V_T وصل کنیم با محاسبه مقامات کل مدار، توان الکتریکی کل لامپ‌ها قابل محاسبه است.

$$P_T = \frac{V_T^2}{R_T} = \frac{V_T^2}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{V_T^2}{\frac{V_S^2}{P_1} + \frac{V_S^2}{P_2} + \frac{V_S^2}{P_3}}$$

-۲۸

الف) خازن در شاخه اصلی باشد
اگر خازن در شاخه اصلی مدار قرار گرفته باشد، پس از پر شدن خازن، جریان مدار قطع می‌شود.
در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر خازن با نیروی محرکه مولد برابر می‌شود.

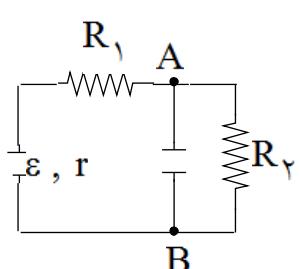


$$q = CV \quad , \quad \text{خازن } (V)$$

در این شکل پس از پر شدن خازن، جریان مدار صفر می‌شود. چون جریانی از مقاومت عبور نمی‌کند، عمل مقاومت در مدار بی‌تأثیر است. در نتیجه ولتاژ خازن با ولتاژ دو سر مولد برابر است.

-۲۹

ب) خازن با یکی از اجزای مدار موازی است
در این حالت با پر شدن جریان اصلی مدار قطع نمی‌شود، ولی جریان شاخه‌ای که خازن در آن قرار دارد، قطع خواهد شد. بنابراین ولتاژ دو سر خازن با ولتاژ آن قسمت از مدار که با خازن موازی است، برابر می‌گردد. مثلاً در شکل زیر ولتاژ دو سر خازن با ولتاژ دو سر مقاومت R_2 برابر است.

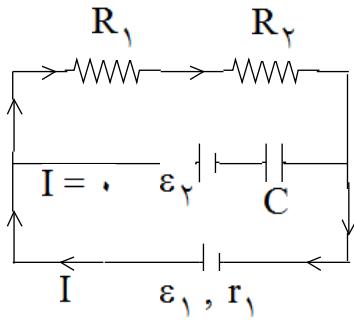


$$q = CV = IR_2 \quad , \quad \text{خازن } (V)$$

-۳۰

اتصال مقاومت و خازن در مدار

پ) خازن در شاخه‌ی اصلی نباشد و با هیچ جزیی نیز موازی نباشد
در این حالت ولتاژ دو سر خازن را V_C فرض می‌کنیم و با حرکت روی حلقه‌ای از مدار که شامل خازن نیز می‌شود، تغییر اختلاف پتانسیل‌های حلقه را می‌نویسیم. در شکل زیر در شاخه‌ای که خازن است شدت جریان برابر صفر می‌باشد.



$$I = \frac{\varepsilon_1}{(R_1 + R_2) + r_1}$$

$$I = \frac{\varepsilon_1}{(R_1 + R_2) + r_1} - IR_1 - IR_2 - V_C + E_2 = 0 \Rightarrow V_C = ?$$

-۳۱

قانون‌های کیرشهف

قانون شدت جریان‌ها: مجموع جریان‌های که به هر گره (یعنی نقطه‌ای که اجزای مدار در آن نقطه به هم متصل شده‌اند) می‌رسند برابر مجموع جریان‌هایی است که از آن نقطه خارج می‌شوند.
خروجی $I = I$ ورودی

قانون اختلاف پتانسیل‌ها: در هر حلقه یا هر مدار بسته، مجموع جبری اختلاف پتانسیل‌ها صفر است.
 $\sum V = 0$ حلقه

تحلیل مدار

-۳۲

اگر n شاخه در مدار وجود داشته باشد، برای حل مدار به n معادله نیاز داریم.

الف) ابتدا برای هر شاخه، جریانی در جهت دلخواه انتخاب می‌کنیم و قانون شدت جریان‌ها را برای هر گره می‌نویسیم.

ب) قانون اختلاف پتانسیل را برای هر حلقه (مسیر بسته) می‌نویسیم و با داشتن n معادله، جریان‌های هر شاخه را به دست می‌آوریم.

اگر جریان الکتریکی عددی منفی به دست آید جهت آن بر عکس جهت انتخاب شده است.

-۳۳- عوامل موثر در مقاومت رسانای فلزی

مقاومت یک رسانای فلزی در دمای ثابت به طول، سطح مقطع و جنس آن بستگی دارد.
رابطه‌ی زیر مقاومت را به سه عامل ذکور بیان می‌کند.

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

در این رابطه ρ مقاومت ویژه برحسب اهم‌متر (Ωm)، L طول رسانا برحسب متر (m) و A مساحت سطح مقطع سیم برحسب متر مربع (m^2) می‌باشد.

۳۴- اثر دما بر مقاومت رساناهای فلزی

در رساناهای فلزی افزایش دما سبب افزایش مقاومت ویژه و در نتیجه افزایش مقاومت رسانا می‌شود. اگر افزایش دما زیاد نباشد مقاومت ویژه‌ی جسم با رابطه‌ی زیر به دست می‌آید.

$$\rho_2 = \rho_1 (1 + \alpha \Delta\theta)$$

$\Delta\theta$ میزان افزایش دما بر حسب کلوین (یا درجه سیلسیوس) است و α ضریب دمایی مقاومت ویژه بر حسب K^{-1} (برکلوین) می‌باشد. پس مقدار R_2 نیز با رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود.

$$R_2 = R_1 (1 + \alpha \Delta\theta)$$

۳۵- شدت جریان متوسط

بار شارش شده شده در واحد زمان را شدت جریان متوسط گویند.

شدت	جریان	از	رابطه‌ی	از	متوسط	محاسبه	می‌شود.
-----	-------	----	---------	----	-------	--------	---------

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t}$$

یکای شدت جریان آمپر نام دارد. در این رابطه Δt بر حسب ثانیه و Δq بر حسب کولن است.

۳۶- جریان مستقیم

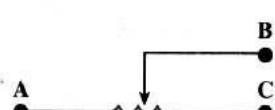
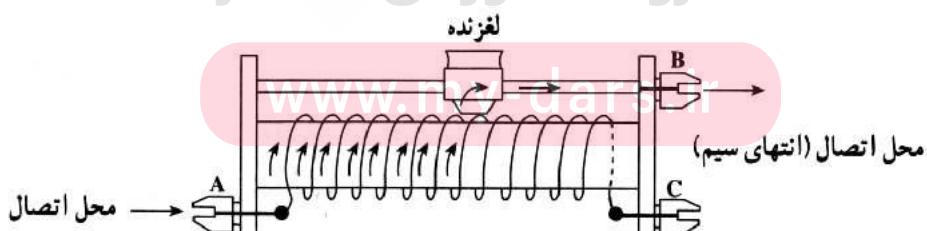
اگر در تمام بازه‌های زمانی شدن جریان متوسط ثابت بماند، جریان را مستقیم می‌نامیم. در شدت جریان مستقیم شدت جریان لحظه‌ای و شدت جریان متوسط برابر است. در این صورت رابطه‌ی شدت جریان به شکل زیر تبدیل می‌شود.

$$I = \frac{q}{t}$$

۳۷- مقاومت متغیر

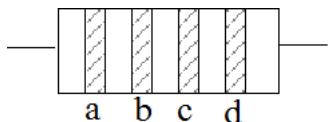
مقاومت متغیر و سیله‌ای برای تنظیم و کنترل شدت جریان در یک مدار می‌باشد. نوعی از آن موسوم به رئوستات از یک سیم بالا مانند تک‌گستن ساخته می‌شود که دور یک استوانه‌ای نارسانا پیچیده می‌شود. لغزنده‌ای روی سیم قرار دارد که با حرکت آن می‌توان هر قسمت از مدار را که نیاز است در مدار قرار داد.

گروه آموزشی عصر



- ۳۸ کد رنگی مقاومت‌ها

برای تعیین مقدار مقاومت ساخته به جای نوشتن مقدار مقاومت از ۴ نوار رنگی روی آن استفاده می‌شود. هر رنگ نمایندهٔ یک عدد است.



$$R = (10a + b) \times 10^c \pm d\%$$

دو نوار اول و دوم از سمت چپ رقمهای اول و دوم مقاومت را مشخص می‌کنند. نوار سوم تعیین کنندهٔ تعداد صفرهای مقابله این دو رقم است و نوار چهارم نیز درصد خطای مقاومت را مشخص می‌کند.

جدول زیر عدهای مربوط به هر رنگ را مشخص می‌کند.

عدد	رنگ
۰	سیاه
۱	فهیه‌ای
۲	قرمز
۳	نارنجی
۴	زرد
۵	سبز
۶	آبی
۷	بنفش
۹	سفید

تذکر: رنگ‌های خاکستری و سفید در نوار سوم ظاهر نمی‌شوند.

مای درس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir